宇宙論的なニュートリノ質量の制限: 宇宙大規模構造形成, 特に銀河クラスタリング分布の 担う役割と現状



斎 藤 俊

〈カリフォルニア大学バークレー校天文学部 601 Campbell Hall, University of California, Berkeley, CA 94720, U.S.A.〉 e-mail: ssaito@astro.berkeley.edu

近年の高精度な宇宙論的観測によりダークエネルギーをはじめとする宇宙の構成要素が明らかに なったが、なかでも興味深い事実の一つは、ニュートリノ質量の最も厳しい制限が宇宙論的観測に よって得られているということである.本稿では、ニュートリノの質量を決定することの意義と宇 宙論的制限の担う役割について簡単にレビューし、宇宙の大規模構造形成、特に銀河クラスタリン グ分布を用いたニュートリノ質量の制限に関する現状を筆者らの研究成果を中心に報告したい.

1. はじめに

宇宙マイクロ波背景輻射の温度ゆらぎなどの近 年の精密な宇宙論的観測によって明らかになった こととして最も頻繁に挙げられる例は,現在の宇 宙を支配するエネルギー要素の構成がわかってき たということであろう.その構成要素は73%の ダークエネルギー・23%のダークマター・4%の バリオン(原子)であり,数%レベルの極めて高 い精度で決定されている¹⁾.現在進行中または近 い将来の多種多様な宇宙論的観測によってこれら 宇宙論パラメーターの決定精度はさらに向上する と期待されていて,それとともに目標もさらに高 くなっている.その最たる例は宇宙を占める96% のダークな成分の正体を明らかにすることであろ う.特にダークエネルギーの正体は,理論的にも 不明瞭であり,宇宙論的な観測のみによってその 性質に迫ることができるという理由から,非常に 多くの宇宙論的観測計画の多くが,ダークエネル ギーの正体に迫るべく検討されているのは紛れも ない事実である.

本稿の主題である有質量ニュートリノはダーク マターの部類に入り*1,23%のダークマターのう ち、少なくとも0.1-2%分は有質量のニュートリ ノで占められていると考えられている.実は ニュートリノが何%のエネルギー要素を占めてい るのかを明らかにすることはニュートリノの質量 を決定することと同じことである.さらに本稿で 注目する銀河の分光サーベイでは、ダークエネル ギーを主目的とした観測計画であれば、同時に

^{*1} ダークマターには歴史的に、'冷たい' ダークマターと '熱い' ダークマターという2種類が考えられていて、 ニュートリノのように軽い粒子は速度分散が非常に大きく、 '熱い' ダークマターに相当する. またここでいうダー クマターとは、バリオンと重力以外の相互作用をしない物質のことであり、素粒子標準模型には含まれない粒子とい う意味ではない.

ニュートリノの質量を厳しく制限または精度良く 決定することができると期待されている.本稿で はまず,この0.1-2%程度という微小な量を精密 な宇宙論的観測により正確に決定することにどん な意味があるのか高エネルギー物理学の立場から 簡単に述べる.そのうえで,どのような宇宙論的 観測によってニュートリノ質量が決定できるかを 説明し,その具体的な例として,宇宙の大規模構 造,特に銀河のクラスタリング分布を用いた方法 の現状について筆者らのグループの研究成果をも とに議論したい.

ニュートリノ質量を決定する意義 と宇宙論的役割

ニュートリノの質量がゼロではないという実験 事実は、カミオカンデなどによるニュートリノ振 動実験により明らかになった.この結果が与えた インパクトが非常に大きい理由は単純で、素粒子 標準模型ではニュートリノの質量がゼロと仮定さ れているからである.つまりニュートリノが有限 の質量をもつということ自体が素粒子標準模型の 限界を示唆する証拠であり、ニュートリノがどれ くらいの質量をもつか明らかにすることは素粒子 標準模型を超える高エネルギー物理に迫る手がか りとなりうるのである.

ニュートリノ質量の制限における宇宙論的観測 の担う役割を理解するために、地上の実験におけ る測定可能量について触れておこう.一言でまと めれば、地上実験における観測可能量は、すべて ニュートリノにおける3世代のフレーバーに関す る量であり、各世代の質量固有値を直接観測でき ないという点が重要である.例えばニュートリノ 振動実験では、質量固有値の2乗差のみが測定で きるため、3世代の質量のうち質量の大きい ニュートリノが1世代(順質量階層)なのか、2世 代(逆質量階層)なのかは区別することができな



━━ 電子ニュートリノ ミューニュートリノ タウニュートリノ

図1 ニュートリノの質量階層問題.1,2,3の添え 字は質量固有値の世代,色の違いはそれぞれ の質量固有値に対する各フレーバーの寄与を 表す.振動実験で決定できるのは,各フレー バーが質量固有値にそれぞれどの程度寄与し ているか(振動角パラメーター)と,各質量 固有値の2乗差のみである.したがって,図 のように2種類の階層性をもつ可能性があ る.

い. これは一般にニュートリノの質量階層性問題 と呼ばれる (図 1). どちらの質量階層であるかは どのようにニュートリノに質量をもたせるかとい う素粒子のモデルに依存するので,どちらの階層 をもつか明らかになるだけでも重要である. 他の 地上実験の例においても,トリチウムのベータ崩 壊エネルギースペクトルから電子ニュートリノの 実効質量が,ニュートリノがマヨラナ粒子であれ ばニュートリノなしの二重ベータ崩壊からも対応 するニュートリノの実効質量がそれぞれ測定でき るが,いずれもニュートリノ振動のパラメーター を介した量であり,質量固有値の絶対値を測定す ることはできないのである*².

一方,宇宙論的観測で対象になるのは,宇宙膨 張の様子や大規模構造の進化といった重力の進化 である.したがって宇宙論的な観測量は有質量の ニュートリノが重力源としてどの程度寄与してい るかに依存し,各世代のニュートリノの質量固有 値の総和が測定できる.このように各世代の総和 であるにせよ,質量固有値の絶対値を測定できる

*2 最新の地上実験データに関しては, Particle Data Group のデータベース (http://pdg.lbl.gov/index.html) を参照されたい.



図2 ニュートリノの質量と、ニュートリノが輻射から物質として振る舞うようになる時期との対応.

という点で宇宙論的な制限は、地上の実験と相補 的な役割を果たしている. そのうえ、宇宙論的観 測で得られている制限、 $\Sigma m_{\nu} \leq 1.0 \text{ eV}$ (95% C.L.)、 は、現在得られている地上実験でのニュートリノ 質量の(各世代の総和に直した)制限、 $0.05 \text{ eV} \leq$ $\Sigma m_{\nu} \leq 6.0 \text{ eV}$ (95% C.L.) と比較して、非常に厳し い制限を与えているのである.

以上のように、宇宙論的観測はニュートリノ質 量を決定するうえで、質量固有値の総和の絶対値 を唯一かつ厳しく測定する手段であり、その結果 が与える高エネルギー物理学に対するインパクト も非常に大きい、以下では、宇宙論的観測によっ てどのようにニュートリノの質量が決定されうる のかを簡単に見ていくことにしよう*3.

3. 宇宙論的観測によりニュートリノ の質量が測定できる原理

ニュートリノの質量がどのように宇宙論的観測 によって測定されるかを理解するためには、質量 をもつとはいっても非常に軽い粒子であるニュー トリノが、非常に重い粒子である冷たいダークマ ター (Cold Dark Matter; CDM) と比較して二つ の異なる特性をもつことに注目すればよい.

まず第1に、ニュートリノは宇宙膨張を引き起 こすエネルギー源として, 宇宙初期には光子と同 様に輻射として寄与するが、時間が十分経って宇 宙の温度がニュートリノの静止質量エネルギー程 度にまで冷えると、CDM 粒子と同様に物質とし て寄与するという点である. つまりニュートリノ がどの程度の質量をもつかによって、ニュートリ ノがいつ輻射でなく物質として寄与するかが変わ り,宇宙膨張の様子を変えることになる.具体的 には、ニュートリノの熱的エネルギーと質量のバ ランスにより、赤方偏移にして約1.890×(m,/ 1eV)の時期にニュートリノは輻射でなく物質と して振る舞うようになる.図2に示したように, 例えば宇宙マイクロ波背景輻射 (Cosmic Microwave Background; CMB) の温度ゆらぎを観測する ことによって, 光子の最終散乱時である赤方偏移 で約1080 (宇宙が始まって約30万年後)の宇宙膨 張の様子を測定することができる。もしニュート リノが光子の最終散乱時より以前に物質として振 る舞うようになり宇宙膨張に影響を与えていれ ば、CMBの温度ゆらぎにも影響を与えているは ずである. したがって,世代間の質量差が小さい とすれば、ニュートリノ質量の総和が3×1.080/

^{*&}lt;sup>3</sup> 宇宙論的なニュートリノ質量の制限に関する包括的なレビューとして、Lesgourgues 氏と Pastor 氏による文献を挙げ ておく²⁾.

1.890≈1.7 eV 程度以上の質量があると CMB の温 度ゆらぎからニュートリノの質量が決定できると いうことになる³⁾. 実際に,最近の CMB 観測であ る Wilkinson Microwave Anisotropy Probe (WMAP) による結果では、 $\Sigma m_{\nu} \leq 1.3 \text{ eV}$ (95% C. L.) とよく似たものになっている. しかしここで 強調すべきは、逆に言えば CMB だけでは限界が あるということである. よく知られているよう に、CMBの温度ゆらぎと偏光の高精度な観測に より、ダークマターやバリオンの密度パラメー ターなどの宇宙論パラメーターは精密に決定され ているのに対して、 ニュートリノ質量に関しては 前述の理由により、振動実験で示唆されるような ∅(0.1) eV 程度の軽いニュートリノ質量は CMB に影響を及ぼさないのである。現在進行中で 2013 年頃に結果が出る予定であるヨーロッパの CMB 観測衛星である PLANCK では、WMAP より精 度の良い温度ゆらぎと偏光の観測によって、0.6 eV (95% C.L.) 程度の制限が得られると期待され ているが、これでも十分とはいえないであろう. では Ia 型超新星などによる比較的現在に近い字 宙膨張での観測ではどうだろうか? 図2にある ように, 振動実験によるニュートリノ質量の下限 値を仮定したとしても、赤方偏移にして約100の 頃にはニュートリノは物質として振る舞うように なっている. つまりニュートリノは CDM と区別 できず,現在に近い宇宙膨張の観測では直接 ニュートリノ質量を制限することはできない*4.

第2にニュートリノは非常に軽いので、非常に 大きな速度分散をもつ. つまりニュートリノがあ る特徴的な時間スケールで移動する距離(これを フリーストリーミングスケールと呼ぶ)は非常に 大きく、例えば現在では、約130 (m_{ν} /0.1 eV) Mpc という非常に大きなスケールである. これは何を



図3 ニュートリノのフリーストリーミングの概念 図. 大規模構造を形成する物質の要素,冷た いダークマター (CDM),バリオン (b) に比 べて,軽いニュートリノ (ν) は速度分散が大 きいためにフリーストリーミングスケール (λ_{FS})より小さいスケールにはとどまること ができない.したがって,λ_{FS}以下のスケー ルの構造の成長は,ニュートリノが重力とし て寄与しない分,ニュートリノ質量が0の場 合に比べて抑制される.

意味するだろうか? 十分現在に近い宇宙の大規 模構造形成とは,主に CDM・バリオン・有質量 ニュートリノという物質がそれら自身を重力源と して成長するものである. 有質量ニュートリノ は,そのフリーストリーミングスケールより十分 大きなスケールでは単に CDM と全く同じように 振る舞うが,逆にフリーストリーミングスケール より十分小さいスケールにはとどまれないので, 重力に寄与することができない(図3参照).した がって,ニュートリノが質量をもつ場合の大規模 構造の成長は,フリーストリーミングスケールよ り十分小さいスケールでは,ニュートリノの質量 が0の場合に比べて抑制されるのである. 図4に 例として,物質ゆらぎの大きさ(パワースペクト ル)がニュートリノ質量の有無に応じてどのよう

^{**} 実は、CMB による制限では宇宙膨張を用いてニュートリノ質量を制限していることに起因して、 ハッブル定数の決 定精度との縮退がある. したがって Ia 型超新星のような現在に近い宇宙膨張の測定でその縮退を解くことによって 間接的に制限を強めることができる⁴).



図4 線形理論により予言される物質ゆらぎのパ ワースペクトル(破線)と, SDSS赤色銀河で 測定された銀河のパワースペクトル(データ 点).参考のため、ニュートリノ質量が0の 場合(黒の破線)とニュートリノが質量をも つ場合(0.1 eV,青の破線)の両方を示した.

な違いがあるかを示した.図より明らかなよう に、有質量ニュートリノを考慮すると、大スケー ルでは違いはないが、小スケールではゆらぎの成 長が抑制されていることがわかる.どの程度抑制 されるのかという量は、まさにどの程度のニュー トリノが重力源として寄与したかに依存してお り、したがってニュートリノ質量の総和がどの程 度かをこの構造を抑制する効果から知ることがで きるのである*5.

では、どのような大規模構造観測がニュートリ ノのフリーストリーミングによる構造成長抑制の 効果を見るのに良いであろうか? 大規模構造観 測と一口に言って、思いつくままに挙げただけで も、銀河のクラスタリング分布、銀河の弱い重力 レンズ効果、 CMB への弱い重力レンズ効果、 ラ イマン-α の森、水素の 21 cm 線、銀河団の個数分 布、など非常に多岐にわたる. これらはすべてプ

ローブできるスケールや宇宙の時期が異なり、相 補的であると言える。理論的にはいったんニュー トリノ質量(の総和)を仮定してしまえば、有質 量ニュートリノによる物質ゆらぎの成長に対する スケール依存性と時間依存性は特徴的であり,こ れら相補的な観測量を CMB 観測と組み合わせる ことによって,非常に厳しい質量の制限さらには 質量の決定が期待されているのである。ただし確 かに多種多様な観測量を組み合わせることでより 精度の高いニュートリノ質量の制限は得られる が、問題は各観測量でどの程度ロバストな制限が 得られているかを明らかにすることであろう、と いうのも、有質量ニュートリノによる構造抑制の 効果は、物質ゆらぎの振幅に対して数%程度の効 果であり、これは現在または近い将来の大規模構 造形成における統計誤差と同等またはそれ以上で ある. そのような事実にもかかわらず, 有質量 ニュートリノの大規模構造形成,特にその非線形 進化への影響は、ニュートリノ質量の決定におい て本質的だが、十分理解されているとは言えない のが現状である.以下では大規模構造観測の一例 として,銀河のクラスタリング分布に焦点を絞 り、筆者らのグループが行ってきた、銀河クラス タリング分布の非線形進化に対する有質量ニュー トリノの影響、さらにはそれから得られるニュー トリノ質量の制限における研究について議論しよ Э.

銀河のクラスタリング分布を用いたニュートリノ質量の制限

4.1 銀河サーベイの利点と理論的課題

まず銀河のクラスタリング分布を測定するよう な大規模な銀河の分光サーベイについて述べてお こう.近年,アメリカを中心とした Sloan Digital

^{*5} 厳密には各世代の質量固有値のニュートリノ質量それぞれに対してニュートリノのフリーストリーミングスケールは 異なるので、各世代のニュートリノ質量を決定することが原理的には可能である.しかし、現実的にはニュートリノ 振動実験の結果を信じれば、各世代間の質量差は非常に小さく、それによる各ニュートリノのフリーストリーミング スケールにおける違いも非常に小さい.

Sky Survey (SDSS), オーストラリアの WiggleZ, 日本のすばる望遠鏡を用いた将来計画 Subaru Measurements of Imaging and Redshift (SUMIRe) の分光計画である Prime Focus Spectrograph (PFS), さらには将来の衛星計画である WFIRST など,盛んに銀河分光サーベイが提案されている が,その主な目的はバリオン振動の高精度測定に よってダークェネルギーの性質に迫ることであ る. バリオン振動スケールとは,CMB で測定さ れている初期宇宙の光子・バリオン流体の音速ホ ライズンスケールであり,これを宇宙膨張を測定 するためのロバストな標準ものさしとして用いる ことで宇宙膨張の様子を知ろうというのである.

銀河のクラスタリング分布に現れるバリオン振動 スケールは約 150 Mpc という非常に大きなス ケールなので、測定には非常に大規模なサーベイ が必要になるが、非常に興味深いのは、ニュート リノのフリーストリーミングスケールが偶然にも 同程度であるという点である. つまり, バリオン 振動探査を主目的とするような大規模な銀河分光 サーベイは同時にニュートリノ質量をプローブす るのに適していると言える. さらにニュートリノ フリーストリーミングスケール付近の大スケール の物質ゆらぎを測定できるような大規模構造観測 は今のところほかにはない. 例えば, 現存する銀 河の弱い重力レンズ効果5やライマン-αの森6の 観測で測定できるのは、フリーストリーミングス ケールに比べて小スケールである。このような小 スケールでは、実は物質ゆらぎに対するニュート リノによる抑制の効果のスケール依存性は小さく なるので、単に CDM の量が少ないということと 区別できないのである.

このように、バリオン振動探査を主目的とした 大規模な銀河分光サーベイはニュートリノ質量の 効果を直接プローブできうるという点で非常に魅 力的であるものの、ロバストなニュートリノ質量 の制限を得るには多くの課題が残されている.図 4に示したように、観測されている銀河クラスタ リングのパワースペクトルは,簡単に予言できる 線形理論のそれとは大きく異なる.この違いを物 理的に説明するうえで,特に重要だと考えられて いる三つの理論的課題を以下に列挙しよう.

重力による非線形進化

CMBの温度ゆらぎは等方成分と比較して の(10⁻⁵)と非常に小さなゆらぎであり、ゆえにゆ らぎの進化を記述する理論は線形理論で十分で あった.しかし銀河サーベイで興味のあるような 現在に近い時期では、物質ゆらぎは重力的に十分 成長しており、バリオン振動や有質量ニュートリ ノの影響が見られるような大きいスケールであっ ても、重力の非線形進化は無視できない.

•銀河バイアス

銀河のクラスタリング分布とは,銀河が空間的 にどのように分布して集まっているかを測定す る.しかし理論的に予言できるのは物質ゆらぎの 分布であり,銀河のクラスタリング分布との関係 を明らかにしなくてはいけない.厳密には銀河が 物質分布の中でどのように形成されるかに依存す るが,非常に複雑な物理過程の理解が必要であ り,たいへん難しい.興味のあるような大スケー ルでは主に重力進化を対象とするので,線形関係 に近い関係であると考えられていたが,どのよう な銀河を観測するかにも依存して多種多様な関係 を示す.

•赤方偏移歪み

銀河の3次元クラスタリング分布を測定するた めには、銀河の位置を知る必要がある.しかし分 光サーベイでは、赤方偏移によって銀河の視線方 向の位置の情報を得るので、各銀河のもつ固有速 度の視線方向の成分と区別できない.したがって 銀河の視線方向は特別な方向となるために、銀河 の3次元クラスタリング分布は非等方に歪む、こ れを赤方偏移歪みと呼ぶ.どのように歪むかは銀 河の速度場に対して非線形な関係にあり、理論予 言は容易ではない.

以上の三つの理論的課題に対して,近年N体シ

ミュレーションや摂動論による解析的手法による 数多くの発展があり筆者らの研究グループも貢献 している^{7)、8)}が、基本的には有質量ニュートリノ の効果を無視した宇宙モデルでのものがほとんど である.理由は単純で、まずは有質量ニュートリ ノの効果を無視した単純な状況設定で構造形成の 非線形進化を理解したいからである.しかし前述 のように想定する銀河サーベイの統計精度を考慮 すると、有質量ニュートリノの効果は決して無視 できないのである.以下では本論である銀河のク ラスタリング分布に対して有質量ニュートリノが 及ぼす影響について筆者らのグループが行った一 連の研究について簡単に紹介する.

4.2 非線形銀河パワースペクトルに対する有質 量ニュートリノの影響と SDSS 銀河サンプ ルへの適用

上記で挙げた理論的課題のうち,有質量ニュー トリノの及ぼす重力非線形進化に焦点を絞ろう. すでに言及したように,構造形成を成すのは, CDM・バリオンさらには有質量のニュートリノ であり,これら3者がどのように重力進化するか が問題である.ニュートリノの質量が0である宇 宙モデルでは,CDM・バリオン「流体」が膨張宇 宙の中でどのように重力進化するかという流体の 方程式系(つまり,連続の式・オイラー方程式と 重力を記述するポアソン方程式からなる系)を解 けば良い.この場合は摂動論的手法による解析的 な方法で解くことができ,N体シミュレーション とのよい一致も報告されている.では有質量 ニュートリノを考慮することにより問題はどのよ うに複雑になるだろうか?

まず第1に,ニュートリノは物質として振る舞 うとはいえやはり十分軽く,位相空間において フェルミ分布をもち,CDM やバリオンと同様の 「流体」として厳密には扱えない.この事実により 線形理論のレベルでも方程式系を複雑にしてお り、厳密に非線形な重力進化を追うのは難し い*6. 第2に、ニュートリノのフリーストリーミ ングスケールを境にしてニュートリノが重力に寄 与するかしないかが変わってしまうので、重力の 働き方がスケールによって異なる.そのために重 力の非線形効果が、ニュートリノの質量が0であ る宇宙モデルと比較して複雑になる.なぜなら非 線形進化とは、異なるスケール間がどのように重 力の非線形性によってカップルするかが本質的な 問題であるからである.

以上のような理由から、有質量ニュートリノが 存在する場合の重力非線形進化を厳密に解くのは 難しい.そこで我々は有質量ニュートリノが存在 する場合の摂動論的手法を確立した¹⁰⁾⁻¹²⁾.細かい 説明は省くが、重要なのは、流体として扱えない ニュートリノゆらぎの発展に対して、ニュートリ ノゆらぎは線形レベルにとどまるという物理的に 妥当な近似を用いたことである.この仮定は、興 味のある準非線形進化領域ではニュートリノはそ もそもフリーストリーミングによってクラスタリ ングできないということ、さらには物質ゆらぎ全 体に対するニュートリノの寄与は非常に小さい (全物質に対して5%以下)という物理的な状況か ら正当化できる.

筆者らが確立したこの手法は、有質量ニュート リノを考慮した大規模構造形成の一連の研究に少 なからず影響を与えた.実は、ニュートリノのよ うな軽くて速度分散の大きい粒子をN体シミュ レーションに組み込むことは原理的には容易であ るが、計算コストが非常に大きく大変である.し かし我々の用いた仮定と同様、ニュートリノの発 展を線形として仮定すると、計算コストは格段に 減り、かつニュートリノ粒子を正確に取り扱った 場合とよく一致する^(),13). もちろん近似の妥当な

*6 Shoji & Komatsu (2010)の研究で有質量ニュートリノを流体として扱うことのできる範囲が議論されている⁹.

範囲などより詳細な検討が必要であるが,有質量 ニュートリノの大規模構造形成に対する効果を物 理的に理解するうえで,筆者らの研究が少なくな い役割を担ったと考えている.

またこの摂動論的手法の一つの利点は、銀河バ イアスの非線形性を含めるように自然に拡張でき る点である.筆者らは、以上の確立した方法を実 存の銀河パワースペクトルに適用した12),14).より 具体的には現存する最大規模の銀河カタログであ る、SDSS の赤色銀河カタログにより測定された 銀河のパワースペクトルに筆者らの手法を適用し た. WMAPの5年目の結果と組み合わせること によって、0.81 eV (95% C.L.) というニュートリ ノ質量の制限を得た(図5を参照). これは WMAPのみと比較して約1.8 倍厳しい制限であ り、大規模構造による制限の重要性を示す一つの 例である.しかしここで強調したいのは得られた 制限の値そのものよりも,制限のロバストさであ る. 我々の手法は確かに物理的考察に基づいてゆ らぎの非線形進化を取り扱ってはいるものの,実 際にニュートリノ質量に関する情報を正確に抜き 出しうるかは自明ではない. そこで筆者らは N



図5 SDSS赤色銀河の銀河パワースペクトルを用いて得られたニュートリノ質量の確率分布 (青の実線).参考に、WMAP5年目のみを 用いた結果(黒の点線)と、シミュレーショ ンに基づいた方法を用いた先攻研究の結果 (黒の実線)を示してある.

体シミュレーションに基づいて,筆者らの摂動論 による手法の限界を詳細に検討したうえで,実際 のデータに適用し,上記の制限を得たのである. 実は同じ銀河カタログを用いたニュートリノ質量 の制限には先行研究がある¹⁵(図5の黒の実線に 彼らの結果を示した).彼らは種々の非線形効果 に対して,有質量ニュートリノを無視したシミュ レーションに基づいたフィッティング公式を用い た理論モデルを用いている.彼らの手法が筆者ら のと同様の結果になることは決して自明ではな い.

近い将来, SDSS の第 3 期における Baryon Oscillation Spectroscopic Survey (BOSS) などからよ り統計精度の高い銀河パワースペクトルが測定さ れる.しかし残念ながら筆者らの確立した手法は このような高精度な測定では適用範囲がさらに限 定され,銀河クラスタリング分布のもつニュート リノ質量の情報を抜き出すという意味で十分なポ テンシャルがあるとは言えないだろう.ここで紹 介した手法は,今後発展するであろう解析的手法 とシミュレーション双方を用いた,有質量ニュー トリノの及ぼす構造形成の非線形進化に対する研 究の第一歩であると筆者は考えている.

5. 最後に

以上,銀河クラスタリング分布におけるニュー トリノ質量の現状について筆者らの研究を中心に 簡単に紹介した.最後に補足として他の観測量と ニュートリノ質量の制限について紹介しておくこ とにしよう.すでに述べたように,宇宙論的観測 はどれも単独ではニュートリノ質量を精度よく決 定することはできない.しかし CMB と種々の大 規模構造観測の双方を同時に考えることによっ て,宇宙の異なる時刻・異なるスケールをプロー ブでき,ニュートリノ質量に関して相補的な情報 を得ることができる.さらには異なる宇宙論パラ メーターとの縮退を解くことで,より精度の良い 制限が得られると期待できるのである.図6の表

観測量	現在の制限 [eV]	期待される制限[eV]	現存する観測	将来の観測計画
СМВ	1.3	0.6	WMAP, PLANCK	_
CMB + 距離指標	0.58	0.35	WMAP, PLANCK	_
CMB + CMBの 弱重力レンズ	_	0.05-0.2	PLANCK, ACT, SPT	ACTPol, SPTPol, POLARBEAR
銀河クラスタリング分布	0.6-0.8	0.1	SDSS, WiggleZ, BOSS	BigBOSS, Subaru PFS, HETDEX, WFIRST
銀河の弱重力 レンズ	0.6	0.07	CFHTLS, COSMOS	des, hsc, lsst, euclid
ライマン-α	0.2	0.1	SDSS, BOSS	BigBOSS, TMT, GMT
21 cm	_	0.006-0.1	GBT, LOFAR, PAPER, GMRT	MWA, SKA, FFTT
銀河団の個数分布	0.3	0.1	SDSS, SPT, ACT, XMM, Chandra	DES, eRosita, LSST

図6 宇宙論的観測とニュートリノ質量制限のまとめ(主に Abazajian et al. (2011)¹⁶⁾からの転用). ニュートリノ 質量(の総和, Σm_{ν})の制限はすべて 95% C.L. である. 細かな数値の由来については文献を参考にして欲 しいが, それぞれの値は, 宇宙論パラメーターセットの仮定や, どのような観測量を組み合わせたか, に強 く依存することに留意するべきである.

に主な観測量とその計画,対応するニュートリノ 質量の制限について示した.表の中で重要なこと は、それぞれの値の大小によってどの観測量が優 れているということではない. ここで得られてい る値はすべてさまざまな仮定に依存しており、ど れくらいロバストな制限であるかが示されていな いという点に注目すべきであろう.本稿で銀河の クラスタリング分布を例に強調したように、それ ぞれの観測量を用いる際には、内在する系統誤差 に対して注意深く検討すべきである.現在は単に 上限が与えられているだけである(つまりニュー トリノ質量は0であっても観測とは矛盾しない) が、表の「期待される制限」から明らかなように、 近い将来に宇宙論的観測によってニュートリノ質 量の値が決定されることは十分に予想される. そ うでなくとも例えば、図1で示した質量階層に よって予想されるニュートリノ質量の総和の下限 値が異なる(順階層では 0.05 eV であるのに対し て、逆階層では 0.1 eV) ことから、宇宙論的制限 によって質量上限が0.1 eV以下であることが示 されれば逆質量階層を棄却できることになる. 冒

頭に述べたように、そのような事態は基礎物理学 に対するインパクトも非常に大きく、宇宙論研究 者としてはこのうえないエキサイティングな時代 を迎えるだろう.しかしそのような明るい未来を 確固たるものにするためには、あらゆる系統誤差 に対する理解を深め、素粒子物理学の分野の研究 者を含めて広く納得されるような方法論を築かな くてはならない.本稿で紹介した筆者らの研究 は、銀河のクラスタリング分布だけにとどまら ず、有質量ニュートリノが存在するという現実的 な宇宙モデルでの構造形成を理解する第一歩とし て位置づけられると信じて結びとしたい.

謝 辞

本稿は筆者の博士論文の内容を踏まえて拡張し たものです.共同研究者の高田昌宏氏,樽家篤史 氏,並河俊哉氏に感謝いたします.またこの記事 を書くように勧めていただいた市來淨與氏に感謝 します.

参 考 文 献

- 1) Komatsu E., et al., 2011, ApJS 192, 18
- 2) Lesgourgues J., Pastor S., 2006, Phys. Rept. 429, 307
- Ichikawa K., Fukugita M., Kawasaki, M., 2005, Phys. Rev. D 71, 043001
- Reid B. A., Verde L., Jimenez R., Mena, O., 2010, JCAP 1, 3
- Ichiki K., Takada M., Takahashi T., 2009, Phys. Rev. D 79, 023520
- 6) Viel M., Haehnelt M. G., Springel V., 2010, JCAP 6, 15
- Taruya A., Nishimichi T., Saito S., Hiramatsu T., 2009, Phys. Rev. D 80, 123503
- Taruya A., Nishimichi T., Saito S., 2010, Phys. Rev. D 82, 063522
- 9) Shoji M., Komatsu E., 2010, Phys. Rev. D 81, 123516
- Saito S., Takada M., Taruya A., 2008, Phys. Rev. Lett., 100, 191301
- Saito S., Takada M., Taruya A., 2009, Phys. Rev. D 80, 083528
- 12) 斎藤 俊, 2010, 博士論文(東京大学)
- 13) Brandbyge J., Hannestad, S., 2010, JCAP 1, 21
- 14) Saito S., Takada M., Taruya A., 2011, Phys. Rev. D 83, 043529
- 15) Reid B. A., et al., 2010, MNRAS 404, 60
- 16) Abazajian K. N., et al., 2011, arXiv: 1103.5083

Cosmological Constraint on Neutrino Mass: A Role of Large-Scale Structure Focusing on the Galaxy Clustering

Shun SAITO

Department of Astronomy, University of California at Berkeley, 601 Campbell Hall, University of California, Berkeley, CA 94720, U.S.A.

Abstract: Recent cosmological observations reveal the contents of the Universe, and especially give us the most significant upper-bound on the mass of neutrinos. In this article, we review how the neutrino mass can be role of constrained and а cosmological observations in determining the neutrino mass. We especially focus on the galaxy clustering as an example of the large-scale structure probe, and discuss a current status of the neutrino mass measurement with the nonlinear galaxy clustering based on our recent study.